

Zadatak 3.

Ako su a i b duljine stranica, a α i β tim stranicama suprotni kutovi, te ako vrijedi

$$\frac{a}{\cos \alpha} = \frac{b}{\cos \beta}, \text{ taj je trokut jednakočračan.}$$

Dokaži!

Rješenje. Tvrđnja: ako za trokut vrijedi $\frac{a}{\cos \alpha} = \frac{b}{\cos \beta}$, taj je trokut jednakočračan.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{a}{b} = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} \text{ pretpostavka zadatka} \\ \frac{a}{b} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$\cos \alpha \sin \beta = \cos \beta \sin \alpha$$

$$\cos \alpha \sin \beta - \cos \beta \sin \alpha = 0$$

$$-\sin(\alpha - \beta) = 0$$

$$\sin(\alpha - \beta) = 0 \implies \alpha - \beta = 0 \implies \alpha = \beta.$$