

**Zadatak 2.** Na stranicama  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$  i  $\overline{AC}$  trokuta  $\triangle ABC$  nalaze se točke  $P, Q$  i  $R$ , a spojnice  $AQ, BR$  i  $CP$  sijeku se u jednoj točki,  $O$ . Dokaži:

$$|AP| \cdot |BQ| \cdot |CR| = |AR| \cdot |BP| \cdot |CQ|.$$

**Rješenje.** Pravcima  $AQ, BR$  i  $CP$  trokut  $\triangle ABC$  podijeljen je na šest trokuta. Na svaki od tih šest trokuta primijenimo *poučak o sinusima*, te imamo:

$$\begin{aligned} \frac{|CR|}{|CO|} &= \frac{\sin \alpha'}{\sin \alpha}, & \frac{|AO|}{|AR|} &= \frac{\sin \alpha}{\sin(\alpha' + \beta')}, \\ \frac{|BQ|}{|BO|} &= \frac{\sin(\alpha' + \beta')}{\sin \gamma}, & \frac{|CO|}{|CQ|} &= \frac{\sin \gamma}{\sin \beta'}, \\ \frac{|AP|}{|AO|} &= \frac{\sin \beta'}{\sin \beta}, & \frac{|BO|}{|BP|} &= \frac{\sin \beta}{\sin \alpha'}. \end{aligned}$$

Množenjem ovih šest jednakosti dobije se jednakost koju je trebalo dokazati.

