

Zadatak 11.

Dokaži da vrijedi:

$$1) \binom{n}{0} + 2\binom{n}{1} + 2^2\binom{n}{2} + \dots + 2^n\binom{n}{n} = 3^n;$$

$$2) 1 - 10\binom{2n}{1} + 10^2\binom{2n}{2} - 10^3\binom{2n}{3} + \dots \\ - 10^{2n-1}\binom{2n}{1} + 10^{2n} = 81^n.$$

Rješenje.

1) Lijeva strana je rastav binoma $(1+2)^n$.

2) Lijeva strana je rastav binoma $(1-10)^{2n} = 9^{2n} = 81^n$.