

**Zadatak 58.** Odredi sve kompleksne brojeve  $z$  za koje vrijedi  $\bar{z} = z^{n-1}$ ,  $n \geq 2$ .

*Rješenje.*

Za  $n = 2$ ,  $\bar{z} = z$  i rješenje je proizvoljan realni broj. Neka je  $n > 2$ . Tada  $|z| = |\bar{z}| = |z^{n-1}| = |z|^{n-1}$  daje  $|z| = 0$  ili  $|z|^{n-2} = 1$ , tj.  $|z| = 1$ . Pomnožimo relaciju sa  $z$ :  $z\bar{z} = z^n \implies |z|^2 = z^n$ , tj.  $1 = z^n$  te je  $z = \sqrt[n]{1}$ . Rješenja su  $z_0 = 0$  i  $z_k = \cos 2k\pi/n + i \sin 2k\pi/n$ ,  $k = 1, 2, \dots, n$ . Usporedi s rješenjem zadatka 1.6.7.