

Zadatak 36.

Izračunaj površinu trokuta određenog koordinatnim osima i tangentom na kružnicu $y = \frac{x}{2x-1}$ u točki s apscisom $x = 1$.

Rješenje.

Za $x = 1$ je $y(1) = 1$. Koordinate dirališta su $D(1, 1)$. Koeficijent smjera tangente je $y' = \frac{2x-1-2x}{(2x-1)^2} = \frac{-1}{(2x-1)^2}$, odnosno $y'(1) = -1$. Jednadžba tangente glasi $y - 1 = -(x - 1) \implies x + y = 2 / : 2 \implies \frac{x}{2} + \frac{y}{2} = 1$.

Površina trokuta jednaka je $P = \left| \frac{mn}{2} \right| = \frac{2 \cdot 2}{2} = 2$.