

Zadatak 48. Koliki je n ako je $\frac{1 + 3 + 5 + \dots + (2n - 1)}{4 + 7 + 10 + \dots + (3n + 1)} = \frac{40}{7n}$?

Rješenje.

U brojniku je suma S_{a_n} aritmetičkog niza čija je razlika $d = 2$ a opći član $a_n = (2n - 1)$. U nazivniku je također suma S_{b_n} aritmetičkog niza čija je razlika $d = 3$ a opći član $b_n = (3n + 1)$. Sada imamo:

$$\frac{1 + 3 + 5 + \dots + (2n - 1)}{4 + 7 + 10 + \dots + (3n + 1)} = \frac{40}{7n},$$

$$\frac{\frac{n}{2}[1 + (2n - 1)]}{\frac{n}{2}[4 + (3n + 1)]} = \frac{40}{7n},$$

$$\frac{2n}{3n + 5} = \frac{40}{7n},$$

$$14n^2 - 120n - 200 = 0,$$

$$7n^2 - 60n - 100 = 0,$$

$$(n - 10)(7n + 10) = 0;$$

Zbog $n \in \mathbb{N}$ rješenje zadatka je $n = 10$.