

Zadatak 8. Odredi najmanji član niza (a_n) , $a_n = n + \frac{100}{n}$, $n \in \mathbb{N}$.

Rješenje. Primijetimo da je $a_n > 0$ za sve $n \in \mathbb{N}$. Primjenjujući AG-nejednakost imamo

$$a_n = n + \frac{100}{n} \geqslant 2\sqrt{n \cdot \frac{100}{n}} = 20.$$

Kako je $a_{10} = 20$, stoga je a_{10} najmanji član.